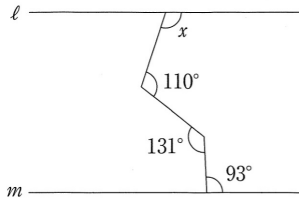


令和5年度学力検査 数学 詳解

1

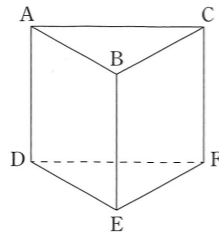
あとの各問いに答えなさい。(18点)

- (1)  $4 - (-3)$  を計算しなさい。
- (2)  $6(2x - 5y)$  を計算しなさい。
- (3)  $\frac{5}{\sqrt{5}} + \sqrt{20}$  を計算しなさい。
- (4)  $x^2 - 5x + 4$  を因数分解しなさい。
- (5) 二次方程式  $3x^2 - 7x + 1 = 0$  を解きなさい。
- (6)  $\frac{\sqrt{40n}}{3}$  の値が整数となるような自然数  $n$  のうち、もっとも小さい数を求めなさい。
- (7)  $y$  は  $x$  に比例し、 $x = 10$  のとき、 $y = -2$  である。このとき、 $y = \frac{2}{3}$  となる  $x$  の値を求めなさい。
- (8) 次の図で、2直線  $l, m$  が平行のとき、 $\angle x$  の大きさを求めなさい。

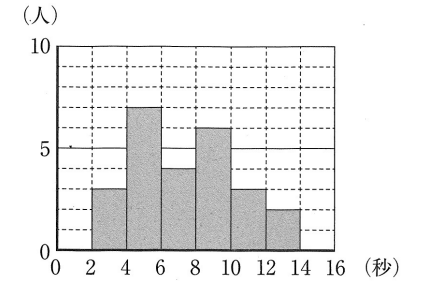


- (9) 右の図のような、点A, B, C, D, E, Fを頂点とする三角柱があるとき、直線ABとねじれの位置にある直線はどれか、次のア〜クから適切なものをすべて選び、その記号を書きなさい。

- ア. 直線BC    イ. 直線CA    ウ. 直線AD  
 エ. 直線BE    オ. 直線CF    カ. 直線DE  
 キ. 直線EF    ク. 直線FD



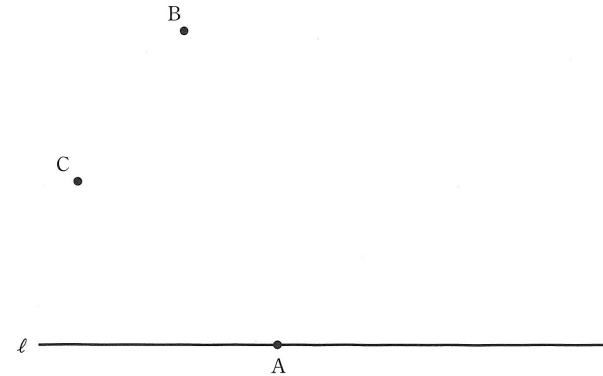
- (10) 右の図は、P中学校の3年生25人が投げた紙飛行機の滞空時間について調べ、その度数分布表からヒストグラムをつくったものである。例えば、滞空時間が2秒以上4秒未満の人は3人いたことがわかる。



- このとき、紙飛行機の滞空時間について、最頻値を求めなさい。

- (11) 次の図で、直線  $l$  と点Aで接する円のうち、中心が2点B, Cから等しい距離にある円を、定規とコンパスを用いて作図しなさい。

なお、作図に用いた線は消さずに残しておくなさい。



解答

- (1)  $4 - (-3) = 4 + 3 = 7$
- (2)  $6(2x - 5y) = 6 \times 2x - 6 \times 5y = 12x - 30y$

(3) 
$$\frac{5}{\sqrt{5}} + \sqrt{20} = \frac{5\sqrt{5}}{\sqrt{5} \times \sqrt{5}} + \sqrt{4 \times 5} = \frac{5\sqrt{5}}{5} + 2\sqrt{5} = \sqrt{5} + 2\sqrt{5} = 3\sqrt{5}$$

(4) 
$$x^2 - 5x + 4 = (x - 1)(x - 4)$$

(5) 二次方程式の解の公式を用いると  

$$x = \frac{-(-7) \pm \sqrt{(-7)^2 - 4 \times 3 \times 1}}{2 \times 3} = \frac{7 \pm \sqrt{49 - 12}}{6} = \frac{7 \pm \sqrt{37}}{6}$$

(6)  $40 = 2^3 \times 5$  なので、 $\sqrt{40n}$  が整数になるためには  $n$  は  $n = 2 \times 5 = 10$  を因数に持たなければならない。  
 さらに、 $\frac{\sqrt{40n}}{3}$  が整数となるためには  $\sqrt{40n}$  が 3 の倍数でなければならない。このとき、40 は 3 を素因数に含まないで、 $n$  は  $3 \times 3 = 9$  を因数に持たなければならない。  
 ここで 10 と 9 は互いに素であるから、求める  $n$  は

$$n = 10 \times 9 = 90$$

(7)  $y$  は  $x$  に比例するので  $y = ax$  …… ① とおく。  $a$  を求めるために①に  $x = 10$ ,  $y = -2$  を代入すると

$$-2 = a \times 10$$

$$a = \frac{-2}{10} = -\frac{1}{5}$$

よって  $y = -\frac{1}{5}x$ .  $y = \frac{2}{3}$  のときの  $x$  を求めると

$$\frac{2}{3} = -\frac{1}{5}x$$

$$x = -\frac{2}{3} \times 5 = -\frac{10}{3}$$

(8) 右図のように  $l$ ,  $m$  に並行で  $110^\circ$ ,  $130^\circ$  の角を通る直線  $j$ ,  $k$  をひき、角  $a$ ,  $b$ ,  $c$ ,  $d$ ,  $e$  をとる。このとき

$$a = 93^\circ \text{ (錯角)}$$

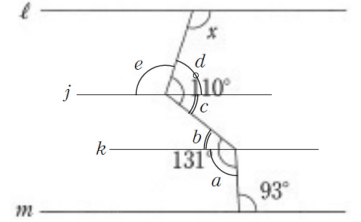
$$b = 131^\circ - a = 131^\circ - 93^\circ = 38^\circ$$

$$c = b = 38^\circ \text{ (錯角)}$$

$$d = 110^\circ - c = 110^\circ - 38^\circ = 72^\circ$$

$$e = 180^\circ - d = 180^\circ - 72^\circ = 108^\circ$$

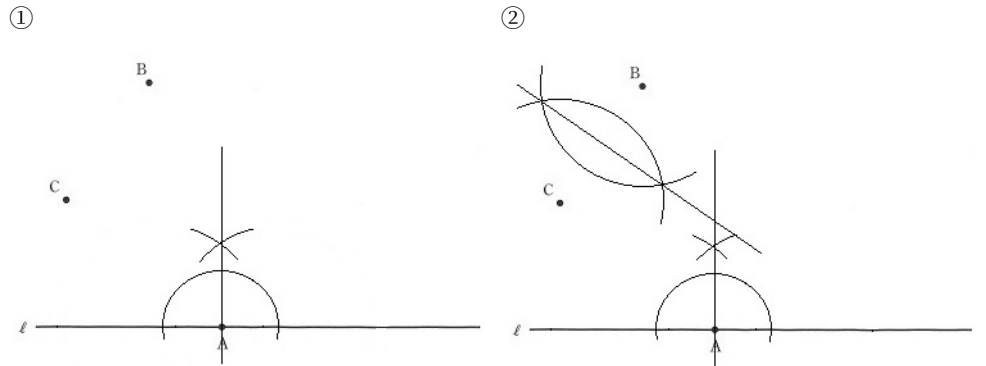
$$x = e = 108^\circ \text{ (錯角)}$$

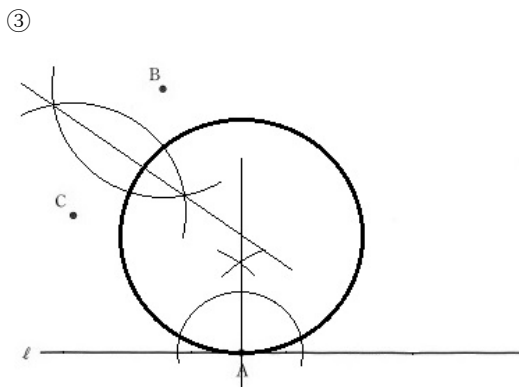


(9) 直線 AB とねじれの位置にある直線は三角形 ABC 上や四角形 ABED 上にはない。三角形 DEF 上の辺で直線 AB とねじれの位置にあるのは直線 EF と直線 FD。また、直線 CF も直線 AB とねじれの位置にある。したがって答えはオ、キ、ク。

(10) 最頻値は最も度数が大きい階級の階級値であるから、4 秒以上 6 秒未満の階級の階級値である。この階級の階級値は  $\frac{4+6}{2} = 5$  (秒) であるから、最頻値は 5 秒。

- (11) ① 点 A を通り直線  $l$  に垂直な直線を描く。
- ② BC の垂直二等分線を描く。
- ③ ①, ②の交点を中心として点 A と接する円を描く。





2

ひびきさんは、A班8人、B班8人、C班10人が受けた、20点満点の数学のテスト結果について、図1のように箱ひげ図にまとめた。図2は、ひびきさんが図1の箱ひげ図をつくるのにもとにしたB班の数学のテスト結果のデータである。

このとき、あとの各問いに答えなさい。  
ただし、得点は整数とする。(7点)

図1

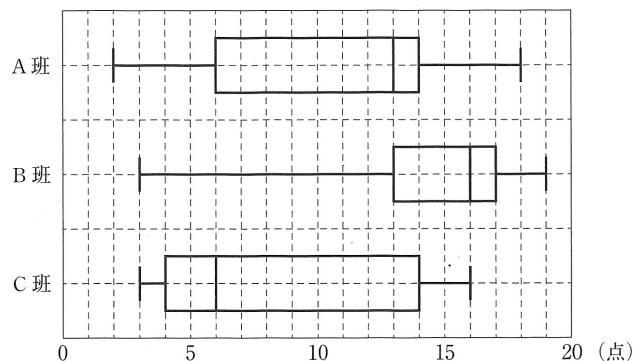


図2

17, 14, 15, 17, 12, 19,  $m$ ,  $n$  (単位 点)

- (1) A班の数学のテスト結果の第1四分位数を求めなさい。
- (2) B班の数学のテスト結果について、 $m$ ,  $n$ の値をそれぞれ求めなさい。  
ただし、 $m < n$ とする。
- (3) C班の数学のテスト結果について、データの値を小さい順に並べると、小さい方から6番目のデータとしてありえる数をすべて答えなさい。
- (4) 図1, 図2から読みとれることとして、次の①, ②は、「正しい」、「正しくない」、「図1, 図2からはわからない」のどれか、下のア〜ウから最も適切なものをそれぞれ1つ選び、その記号を書きなさい。
  - ① A班の数学のテスト結果の範囲と、B班の数学のテスト結果の範囲は、同じである。  
[ア. 正しい      イ. 正しくない      ウ. 図1, 図2からはわからない]
  - ② A班, B班, C班のすべてに14点の人がいる。  
[ア. 正しい      イ. 正しくない      ウ. 図1, 図2からはわからない]

解答

- (1) 図1よりA班のテスト結果の第1四分位数は6点である。
- (2)  $m$ はB班の最小値であるから3点。  
図1よりB班の中央値は16点であり、図2より $n$ 以外のデータを小さいほうから並べたとき  
3, 12, 14, 15, 17, 17, 19  
となり、B班は8人であるから中央値16は  
$$\frac{15 + 17}{2} = 16$$
から求められる。したがって、下位のデータが3, 12, 14, 15, 上位のデータが17, 17, 19,  $n$ となる。

図1から第3四分位数が17であるから、上位のデータは最小値が17であることに注意すると小さいほうから17, 17, 17, 19となる。よって  $n = 17$ 。

以上より  $m = 3, n = 17$ 。

(3) C班の中央値は6点である。C班は10二人であるから、第3四分位数は大きさの順に並べたとき8番目のデータであり、図1から第3四分位数は14点である。

6番目のデータを  $k$  ( $k$ :整数)とすると、 $k$ は中央値と第3四分位数の間に入るの

$$6 \leq k \leq 14 \quad \cdots \cdots \textcircled{7}$$

中央値は5番目のデータと6番目のデータの平均であり、5番目のデータは第1四分位数と中央値の間に入る。図1より第1四分位数は4点であり、5番目の点数のとりうる最も小さい数は4点となる。このとき、5番目、6番目のデータと中央値との関係から

$$\frac{4+k}{2} = 6 \quad \text{よって} \quad k = 8$$

5番目のデータが4よりも大きければ  $k$  は8よりも小さくなるから

$$k \leq 8 \quad \cdots \cdots \textcircled{1}$$

$\textcircled{7}, \textcircled{1}$ より  $6 \leq k \leq 8$ 。よって6番目のデータとしてありえる数は **6, 7, 8**。

(4) ① A班のテストの結果の範囲は  $18 - 2 = 16$ 。

B班のテストの結果の範囲は  $19 - 3 = 16$ 。

よって、ア. 正しい。

②

- i) 図2からB班には14点の人がいる。
- ii) 図1からC班の第3四分位数は14点であり、これは小さいほうから8番目の人であるから、C班には14点の人がいる。
- iii) 図1からA班の第3四分位数は14点であるが、A班は8人なので第3四分位数は6番目と7番目の点数の平均であるから、A班に14点の人がいるかどうかはわからない。(14点の人がいないかもしれないし、6番目と7番目が14点かもしれない。)

よって、ウ. 図1, 図2からはわからない。

③

ある陸上競技大会に小学生と中学生あわせて120人が参加した。そのうち、小学生の人数の35%と中学生の人数の20%が100m走に参加し、その人数は小学生と中学生あわせて30人だった。

このとき、あとの各問いに答えなさい。(3点)

- (1) 次の          は、陸上競技大会に参加した小学生の人数と、中学生の人数を求めるために、連立方程式に表したものである。 ① , ② に、それぞれあてはまる適切なことがらを書き入れなさい。

陸上競技大会に参加した小学生の人数を  $x$  人、中学生の人数を  $y$  人とすると、

$$\begin{cases} \text{①} = 120 \\ \text{②} = 30 \end{cases}$$

と表すことができる。

- (2) 陸上競技大会に参加した小学生の人数と、中学生の人数を、それぞれ求めなさい。

解答

- (1) ① 参加した全体の人数の式であるから

$$x + y = 120$$

- ② 100 m に参加した人数の式であるから

$$\frac{35}{100}x + \frac{20}{100}y = 30$$

- (2)  $\begin{cases} x + y = 120 & \cdots \cdots \textcircled{7} \\ \frac{35}{100}x + \frac{25}{100}y = 30 & \cdots \cdots \textcircled{1} \end{cases}$   
 $\textcircled{7}$ より

$$y = 120 - x \quad \cdots \cdots \textcircled{7}$$

①より

$$35x + 20y = 3000$$

$$7x + 4y = 600 \quad \dots\dots \textcircled{5}$$

⑤を①へ代入して

$$7x + 4(120 - x) = 600$$

$$7x + 480 - 4x = 600$$

$$3x = 120$$

$$x = 40$$

⑤に代入して

$$y = 120 - 40 = 80$$

よって、小学生 40 人、中学生 80 人。

4

のぞみさんは、グーのカードを2枚、チョキのカードを1枚、パーのカードを1枚持っており、4枚すべてを自分の袋に入れる。けいたさんは、グーのカード、チョキのカード、パーのカードをそれぞれ10枚持っており、そのうちの何枚かを自分の袋に入れる。のぞみさんとけいたさんは、それぞれ自分の袋の中のカードをかき混ぜて、カードを1枚取り出し、じゃんけんのルールで勝負をしている。

このとき、あとの各問いに答えなさい。

ただし、あいこの場合は、引き分けとして、勝負を終える。(4点)

(1) けいたさんが自分の袋の中に、グーのカードを1枚、チョキのカードを2枚、パーのカードを1枚入れる。このとき、けいたさんが勝つ確率を求めなさい。

(2) けいたさんが自分の袋の中に、グーのカードを1枚、チョキのカードを3枚、パーのカードを  $a$  枚入れる。のぞみさんが勝つ確率と、けいたさんが勝つ確率が等しいとき、 $a$  の値を求めなさい。

解答

(1) のぞみさんがグーのカードを出す確率は  $\frac{2}{4}$ 。

チョキのカードを出す確率は  $\frac{1}{4}$ 。

パーのカードを出す確率は  $\frac{1}{4}$ 。

i) けいたさんがグーのカードを出す確率は  $\frac{1}{4}$ 。このとき、けいたさんが勝つのはのぞみさんがチョキのカードを出すときだから、確率は

$$\frac{1}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{16}$$

ii) けいたさんがチョキのカードを出す確率は  $\frac{1}{4}$ 。このとき、けいたさんが勝つのはのぞみさんがパーのカードを出すときだから、確率は

$$\frac{2}{4} \times \frac{1}{4} = \frac{1}{8}$$

iii) けいたさんがパーのカードを出す確率は  $\frac{1}{4}$ 。このとき、けいたさんが勝つのはのぞみさんがグーのカードを出すときだから、確率は

$$\frac{2}{4} \times \frac{1}{2} = \frac{1}{8}$$

i), ii), iii) より求める確率は

$$\frac{1}{16} + \frac{1}{8} + \frac{1}{8} = \frac{5}{16}$$

(2) のぞみさんとけいたさんが出すカードと確率を表にすると次のようになる：

	グー	チョキ	パー
のぞみ	$\frac{2}{4}$	$\frac{1}{4}$	$\frac{1}{4}$
けいた	$\frac{1}{1+3+a}$	$\frac{3}{1+3+a}$	$\frac{a}{1+3+a}$

求める条件は

$$\begin{aligned} & (\text{けいたがグーで勝つ}) + (\text{けいたがチョキで勝つ}) + (\text{けいたがパーで勝つ}) \\ & = (\text{のぞみがグーで勝つ}) + (\text{のぞみがチョキで勝つ}) + (\text{のぞみがパーで勝つ}) \end{aligned}$$

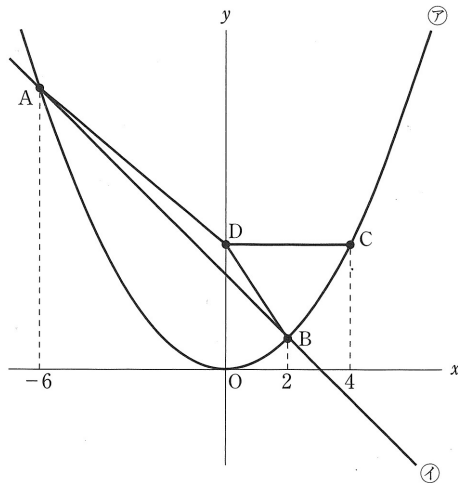
よって

$$\begin{aligned} \frac{1}{1+3+a} \times \frac{1}{4} + \frac{3}{1+3+a} \times \frac{1}{4} + \frac{a}{1+3+a} \times \frac{2}{4} \\ = \frac{3}{1+3+a} \times \frac{2}{4} + \frac{a}{1+3+a} \times \frac{1}{4} + \frac{1}{1+3+a} \times \frac{1}{4} \\ \frac{1+3+2a}{4(1+3+a)} = \frac{6+a+1}{4(1+3+a)} \\ 1+3+2a = 6+a+1 \\ 4+2a = 7+a \\ \mathbf{a = 3} \end{aligned}$$

5

次の図のように、関数  $y = \frac{1}{4}x^2 \dots \textcircled{7}$  のグラフと関数  $y = ax + b \dots \textcircled{4}$  のグラフとの交点 A, B があり、点 A の  $x$  座標が  $-6$ 、点 B の  $x$  座標が  $2$  である。 $\textcircled{7}$  のグラフ上に  $x$  座標が  $4$  となる点 C をとり、点 C を通り  $x$  軸と平行な直線と  $y$  軸との交点を D とする。3 点 A, B, D を結び  $\triangle ABD$  をつくる。

このとき、あとの各問いに答えなさい。(7 点)



- (1) 点 B の座標を求めなさい。
- (2)  $a, b$  の値をそれぞれ求めなさい。
- (3)  $\triangle ABD$  の面積を求めなさい。  
ただし、座標軸の 1 目もりを  $1\text{ cm}$  とする。
- (4)  $\textcircled{4}$  のグラフ上に点 E をとり、 $\triangle CDE$  をつくるとき、 $\triangle CDE$  が  $CD = CE$  の二等辺三角形となる時の点 E の  $x$  座標をすべて求めなさい。  
なお、答えに  $\sqrt{\quad}$  がふくまれるときは、 $\sqrt{\quad}$  の中をできるだけ小さい自然数にしなさい。

解答

(1) 点 B は  $y = \frac{1}{4}x^2$  のグラフ上の点で  $x$  座標が  $2$  であるから

$$y = \frac{1}{4} \times 2^2 = 1$$

よって  $\mathbf{B(2, 1)}$ 。

(2) 点 A の  $y$  座標は

$$y = \frac{1}{4} \times (-6)^2 = \frac{1}{4} \times 36 = 9$$

より  $A(-6, 9)$ 。

関数  $y = ax + b$  は A を通るから

$$9 = -6a + b \dots\dots \textcircled{1}$$

また  $y = ax + b$  は  $B(2, 1)$  を通るから

$$1 = 2a + b \dots\dots \textcircled{2}$$

$\textcircled{1} - \textcircled{2}$  より

$$8 = -8a$$

$$a = -1$$

②より

$$1 = 2 \times (-1) + b$$

$$1 = -2 + b$$

$$b = 2 + 1 = 3$$

よって  $a = -1$ ,  $b = 3$ .

(3) C の  $y$  座標は

$$y = \frac{1}{4} \times 4^2 = \frac{1}{4} \times 16 = 4$$

よって  $C(4, 4)$ , ゆえに  $D(0, 4)$ .

直線①の切片を  $F$  とすると  $F(0, 3)$ . よって  $DF$  の長さは  $1$ . 求める面積は  $DF$  を底辺と見れば

$$\frac{1}{2} \times 1 \times 6 + \frac{1}{2} \times 1 \times 2 = 3 + 1$$

$$= 4 \text{ cm}^2$$

(4)  $C(4, 4)$  を通り傾きが  $1$  の直線の方程式は  $y = x$  …… ⑤. ①と⑤の交点は連立方程式

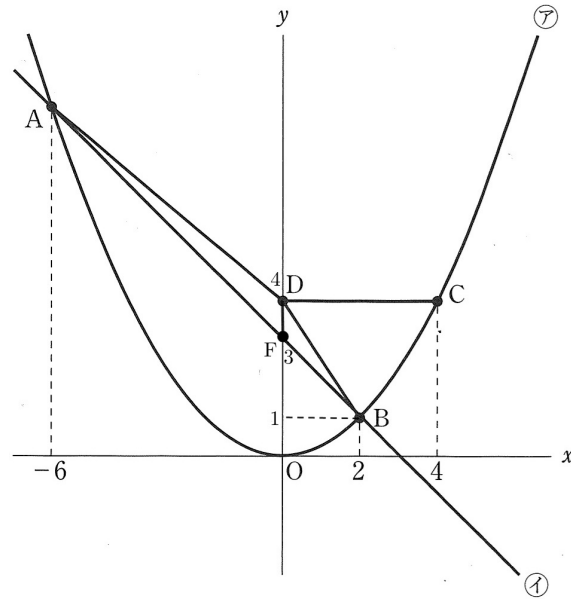
$$\begin{cases} y = -x + 3 \\ y = x \end{cases} \quad \text{より} \quad \begin{cases} x = \frac{3}{2} \\ y = \frac{3}{2} \end{cases}$$

よって  $G\left(\frac{3}{2}, \frac{3}{2}\right)$  とする.

$CG$  の長さは直角二等辺三角形の辺の比から

$$\left(4 - \frac{3}{2}\right) \times \sqrt{2} = \frac{5\sqrt{2}}{2}$$

$\triangle CEG$  は  $CE = 4$ ,  $CG = \frac{5\sqrt{2}}{2}$ ,  $\angle CGE = 90^\circ$  の直角三角形であるから, 三平方の定理



より

$$EG^2 = CE^2 - CG^2 = 4^2 - \left(\frac{5\sqrt{2}}{2}\right)^2 = 16 - \frac{50}{4}$$

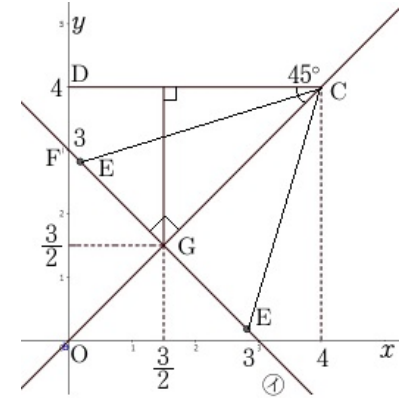
$$= \frac{14}{4}$$

$$EG = \frac{\sqrt{14}}{2} (> 0)$$

E の  $x$  座標は  $45^\circ$  の直角二等辺三角形の辺の比を利用して

$$\begin{cases} \frac{3}{2} + \frac{1}{\sqrt{2}} \times EG = \frac{3}{2} + \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{14}}{2} \\ \qquad \qquad \qquad = \frac{3}{2} + \frac{\sqrt{7}}{2} \\ \frac{3}{2} - \frac{1}{\sqrt{2}} \times EG = \frac{3}{2} - \frac{1}{\sqrt{2}} \times \frac{\sqrt{14}}{2} \\ \qquad \qquad \qquad = \frac{3}{2} - \frac{\sqrt{7}}{2} \end{cases}$$

$$\text{よって } x = \frac{3 + \sqrt{7}}{2}, \frac{3 - \sqrt{7}}{2}.$$

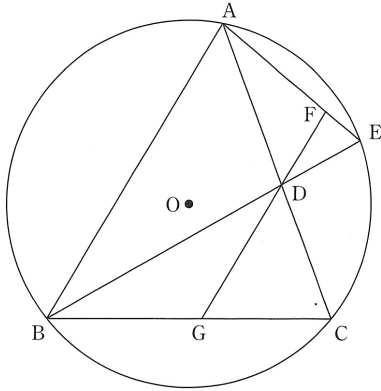


6

次の図のように、円Oの円周上に3点A, B, Cをとり、 $\triangle ABC$ をつくる。 $\angle ABC$ の二等分線と線分AC, 円Oとの交点をそれぞれD, Eとし、線分AEをひく。点Dを通り線分ABと平行な直線と線分AE, BCとの交点をそれぞれF, Gとする。

このとき、あとの各問いに答えなさい。

ただし、点Eは点Bと異なる点とする。(7点)



(1)  $\triangle ABD \sim \triangle DAF$ であることを証明しなさい。

(2)  $AD = 6 \text{ cm}$ ,  $DF = 3 \text{ cm}$ ,  $BC = 10 \text{ cm}$  のとき、次の各問いに答えなさい。

① 線分ABの長さを求めなさい。

② 線分DGの長さを求めなさい。

解答

(1) [証明]  $\triangle ABD$ と $\triangle DAF$ において、仮定より

$$\angle ABE = \angle CBE \quad \text{すなわち} \quad \angle ABD = \angle CBE \quad \dots\dots ①$$

また、弧CEに対する円周角より

$$\angle CBE = \angle CAE \quad \text{すなわち} \quad \angle CBE = \angle DAF \quad \dots\dots ②$$

①, ②より

$$\angle ABD = \angle DAF \quad \dots\dots ③$$

また、 $AB \parallel FG$ より

$$\angle BAD = \angle FDA \quad (\text{錯角}) \quad \text{すなわち} \quad \angle BAD = \angle ADF \quad \dots\dots ④$$

③, ④より二組の角がそれぞれ等しいから  $\triangle ABD \sim \triangle DAF$ . (証明終)

(2) ①  $AB : DA = AD : DF$ .  $AB = x \text{ cm}$  とすると

$$x : 6 = 6 : 3$$

$$3x = 36$$

$$x = 12$$

よって  $AB = 12 \text{ cm}$ .

②  $\angle ABD = \angle CBD$ より  $BA : BC = AD : CD$ .  $CD = y \text{ cm}$  とすると

$$12 : 10 = 6 : y$$

$$12y = 60$$

$$y = 5$$

よって  $CD = 5 \text{ cm}$ .

$\triangle CDG \sim \triangle CAB$ であり、相似比は  $CD : CA = 5 : (5 + 6) = 5 : 11$  であるから

$$\begin{aligned} DG &= AB \times \frac{5}{11} = 12 \times \frac{5}{11} \\ &= \frac{60}{11} \text{ cm} \end{aligned}$$



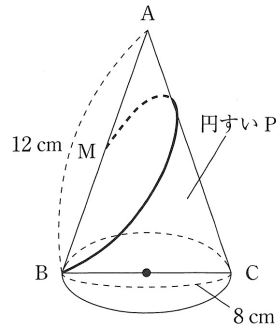
7

右の図のように、点Aを頂点、線分BCを直径とする円を底面とした円すいPがあり、母線ABの中点をMとする。AB = 12 cm、BC = 8 cm のとき、あとの各問いに答えなさい。

ただし、各問いにおいて、円周率は $\pi$ とし、答えに $\sqrt{\quad}$ がふくまれるときは、 $\sqrt{\quad}$ の中をできるだけ小さい自然数にしなさい。(4点)

(1) 円すいPの体積を求めなさい。

(2) 円すいPの側面に、点Mから点Bまで、母線ACを通して、ひもをゆるまないようにかける。かけたひもの長さが最も短くなるときのひもの長さを求めなさい。



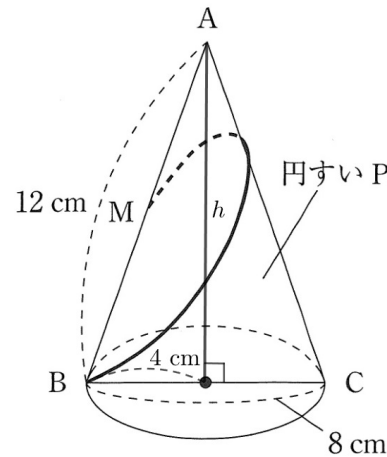
解答

(1) 円すいPの高さを $h$ とすると、三平方の定理より

$$\begin{aligned} h^2 &= 12^2 - 4^2 = 144 - 16 \\ &= 128 \\ h &= \sqrt{128} = 8\sqrt{2} \quad (> 0) \end{aligned}$$

よってPの体積は

$$\begin{aligned} \frac{1}{3} \times \pi \times 4^2 \times h &= \frac{1}{3} \times \pi \times 16 \times 8\sqrt{2} \\ &= \frac{128\sqrt{2}}{3} \text{ cm}^3 \end{aligned}$$

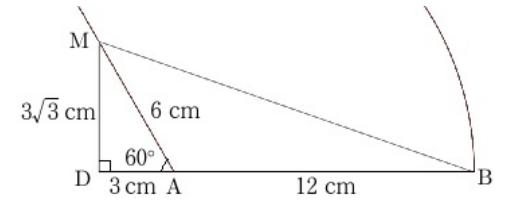
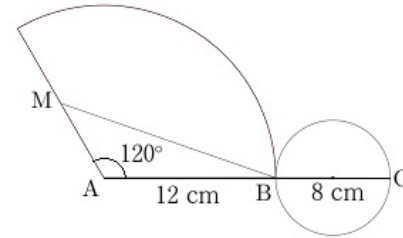


(2) 展開図の側面のおうぎ形の中心角は

$$\begin{aligned} 360^\circ \times \frac{8\pi}{12 \times 2\pi} &= 360^\circ \times \frac{1}{3} \\ &= 120^\circ \end{aligned}$$

BAを延長し、BAの延長線上に $BD \perp MD$ となる点Dをとると、 $\angle MAD = 60^\circ$  ( $= 180^\circ - 120^\circ$ )、また $MA = \frac{1}{2} \times AB = \frac{12}{2} = 6$ であるから、直角三角形の辺の比より $AD = 3$ 、 $MD = 3\sqrt{3}$ 。このとき $BD = 12 + 3 = 15$ 。よって

$$\begin{aligned} BM &= \sqrt{15^2 + (3\sqrt{3})^2} = \sqrt{225 + 27} = \sqrt{252} \\ &= 6\sqrt{7} \text{ cm} \end{aligned}$$



B (数学) 採点基準

「採点基準」で処理できない場合は、各校の統一見解で採点されたい。

問 題	配 点	正 答 例	備 考		
1 18点	(1)	1点	7		
	(2)	1点	$12x - 30y$		
	(3)	1点	$3\sqrt{5}$		
	(4)	1点	$(x-1)(x-4)$		
	(5)	2点	$x = \frac{7 \pm \sqrt{37}}{6}$		
	(6)	2点	$n = 90$		
	(7)	2点	$x = -\frac{10}{3}$		
	(8)	2点	$\angle x = 108^\circ$		
	(9)	2点	オ, キ, ク	* すべて正答の場合のみ, 2点。 * 順不同。	
	(10)	2点	5 秒		
	(11)	2点		* ①, ②のいずれか1つ示した場合, 1点。 * ①, ②, ③すべて示せた場合のみ, 2点。 * 数学的な推論をもとに, 作図されていれよ。	
2 7点	(1)	1点	6 点		
	(2)	2点	$m = 3, n = 17$	* $m, n$ 両方正答の場合のみ, 2点。	
	(3)	2点	6, 7, 8	* すべて正答の場合のみ, 2点。 * 順不同。	
	(4)	①	1点	ア	
	②	1点	ウ		
3 3点	(1)	①	1点	$x + y$	
		②	1点	$\frac{35}{100}x + \frac{20}{100}y$	
	(2)	1点	陸上競技大会に参加した小学生 40 人, 中学生 80 人	* すべて正答の場合のみ, 1点。	

4 4点	(1)	2点	$\frac{5}{16}$		
	(2)	2点	$a = 3$		
5 7点	(1)	1点	B ( 2 , 1 )		
	(2)	2点	$a = -1, b = 3$	* $a, b$ 両方正答の場合のみ, 2点。	
	(3)	2点	$4 \text{ cm}^2$		
	(4)	2点	$x = \frac{3 - \sqrt{7}}{2}, \frac{3 + \sqrt{7}}{2}$	* すべて正答の場合のみ, 2点。 * 順不同。 * $x = \frac{3 \pm \sqrt{7}}{2}$ も可。	
6 7点	(1)	3点	<証明> $\triangle ABD$ と $\triangle DAF$ において, $AB \parallel FG$ より, 平行線の錯角は等しいから, $\angle BAD = \angle ADF$ .....① 線分BEは, $\angle ABC$ の二等分線だから, $\angle ABD = \angle CBE$ .....② 弧CEに対する円周角は等しいから, $\angle CBE = \angle DAF$ .....③ ②, ③より, $\angle ABD = \angle DAF$ .....④ ①, ④より, 2組の角がそれぞれ等しいので, $\triangle ABD \sim \triangle DAF$	・ ①の証明ができて, 1点。 ・ ④の証明ができて, 1点。 * 数学的な推論の過程が, 的確に表現されていれよ。	
	(2)	①	2点	12 cm	
		②	2点	$\frac{60}{11} \text{ cm}$	
7 4点	(1)	2点	$\frac{128\sqrt{2}}{3} \pi \text{ cm}^3$		
	(2)	2点	$6\sqrt{7} \text{ cm}$		
合計		50点			